

SERVIÇO PÚBLICO FEDERAL UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARÁ INSTITUTO DE CIÊNCIAS EXATAS E NATURAIS FACULDADE DE MATEMÁTICA

H Tópicos de Geometria Diferencial CH: 68 COD: MTE1057

CONHECIMENTO PRÉVIO:

EMENTA: Curvas no R³, Superfícies no R³

CONTEÚDO:

I- Curvas em R³.

- 1- Preliminares.
- 2- O que é uma curva?:

Curvas de nível e curvas parametrizadas.

Curvas regulares.

Comprimento de arco e parametrização por comprimento de arco.

3- Curvatura e torsão. Triedro de Frenet-Serret.

Fórmulas de Frenet-Serret.

- 4- Curvas planas.
- 5- Teorema Fundamental das Curvas.
- 6- Algumas classes especiais de curvas.

II- Superfícies em R3.

- 1- Preliminares.
- 2- O que é uma superfície?:

Definição e exemplos. Mudança de parâmetros.

Aplicações diferenciáveis entre superfícies.

- 3- Tangentes e normais. Orientabilidade.
- 4- Algumas classes especiais de superfícies:

Superfícies de revolução, superfícies quádricas,

cilindros e cones generalizados, superfícies regradas.

5- Primeira forma fundamental.

Isometrias, aplicações equiareais e conformais.

Aplicações ao cálculo de áreas, comprimentos e ângulos.

- 6- A aplicação de Gauss e a segunda forma fundamental.
- 7- O Teorema Egregium de Gauss.

REFERÊNCIAS BÁSICAS

- [1] ASPERTI, A.C. e MERCURI, F.- **Topologia e Geometria das Curvas Planas**. 13º Colóquio Brasileiro de Matemática. IMPA, 1981.
- [2] ARAÚJO, P.V. Geometria Diferencial. Coleção Matemática Universitária. IMPA, 1998.
- [3] CARMO, M.P. **Geometria Diferencial de Curvas e Superfícies.** Textos Universitários, Sociedade Brasileira de Matemática, Rio de Janeiro, 2008.
- [4] TENENBLAT, K. Introdução à Geometria Diferencial. Editora UnB, 1988.

REFERÊNCIAS COMPLEMENTARES

- [1] PICADO, J. Apontamentos de Geometria Diferencial, 2006.
- [2] GRAY, A. Modern Differential Geometry of Curves and Surfaces, CRC Press, 1993
- [3] NETO O., <u>Tópicos de Geometria</u>, Universidade Aberta, 1999 (51N/NET).
- [4] PRESSLEY, A. Elementary Differential Geometry, Springer-Verlag, 2001
- [5] M. P. do Carmo, Differential Geometry of Curves and Surfaces, Prentice-Hall, 1976